

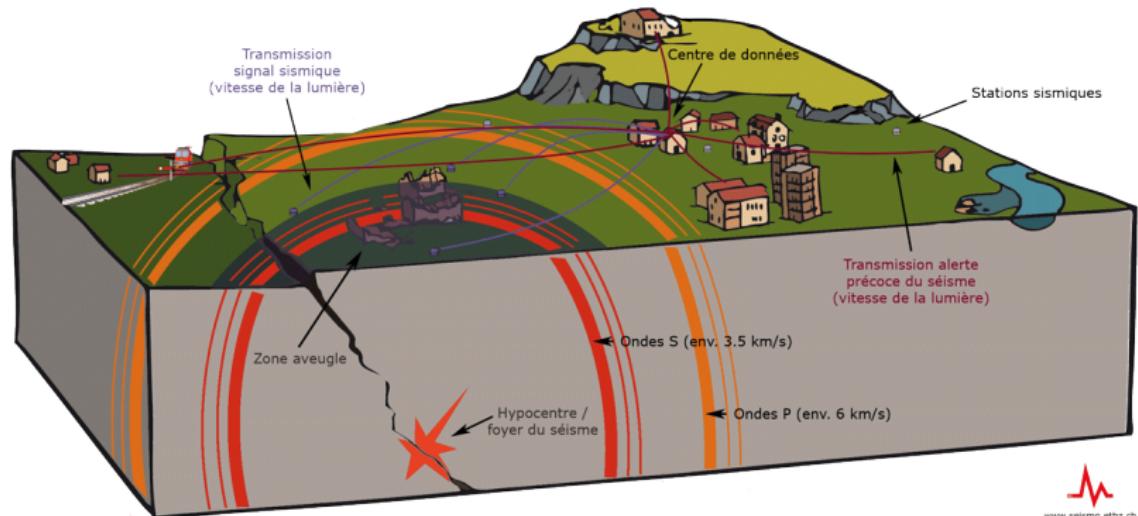
Introduction au problème inverse en Géosciences

Hervé Chauris – MINES ParisTech
herve.chauris@mines-paristech.fr

May 9, 2019

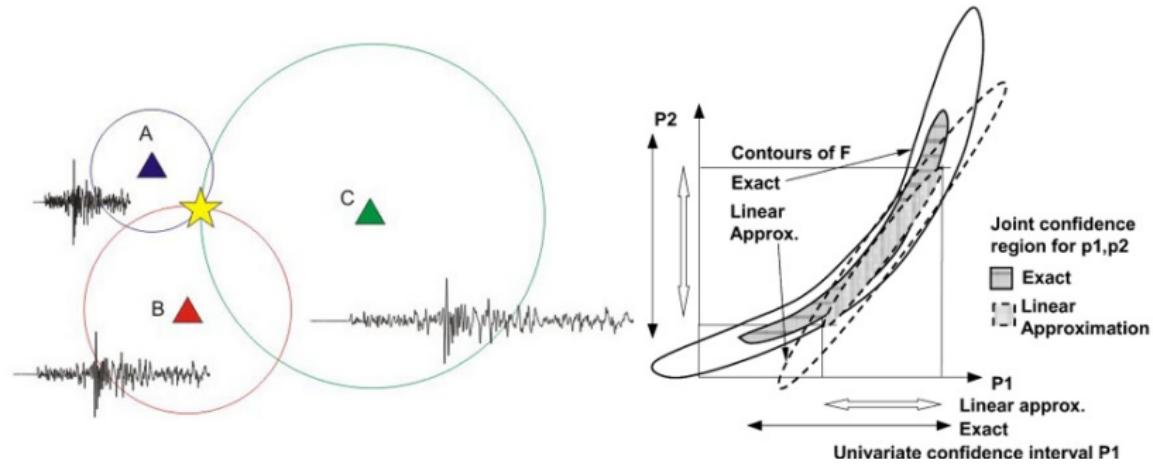


Introduction – exemple 1



Localisation de la source

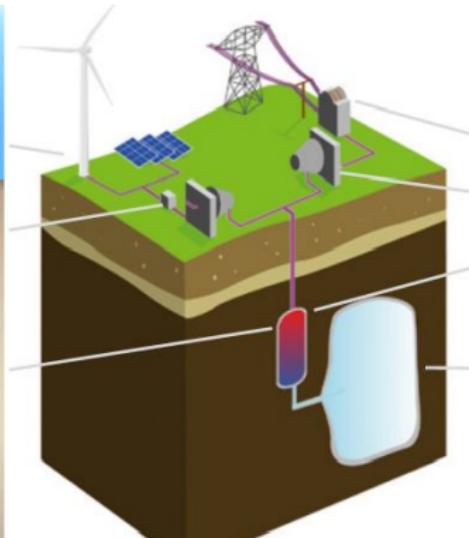
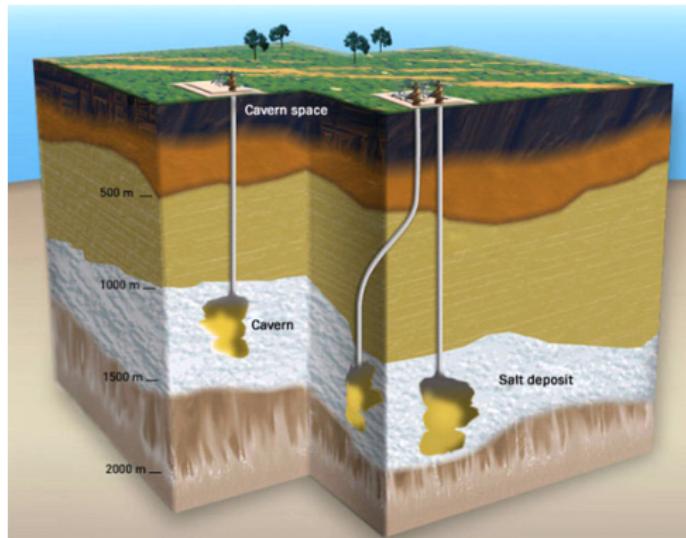
Introduction – exemple 1



Localisation de la source

- ▶ Charactérisation de la source
- ▶ Charactérisation du milieu
- ▶ Une solution (**déterministe**) / un ensemble de solutions (**stochastique**)

Introduction – exemple 2



Importance de la chaleur

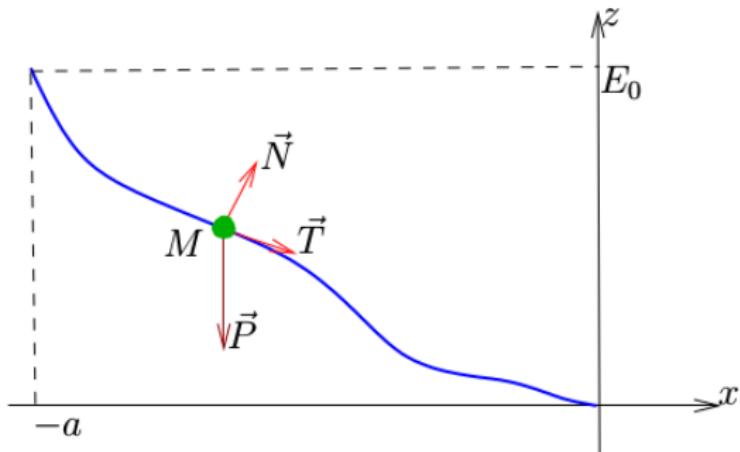
- ▶ Modèle de diffusion, impact sur le sel, ... : **problème direct**
- ▶ Détermination de l'origine des flux de chaleur : **problème inverse**

Résumé

Terminologie

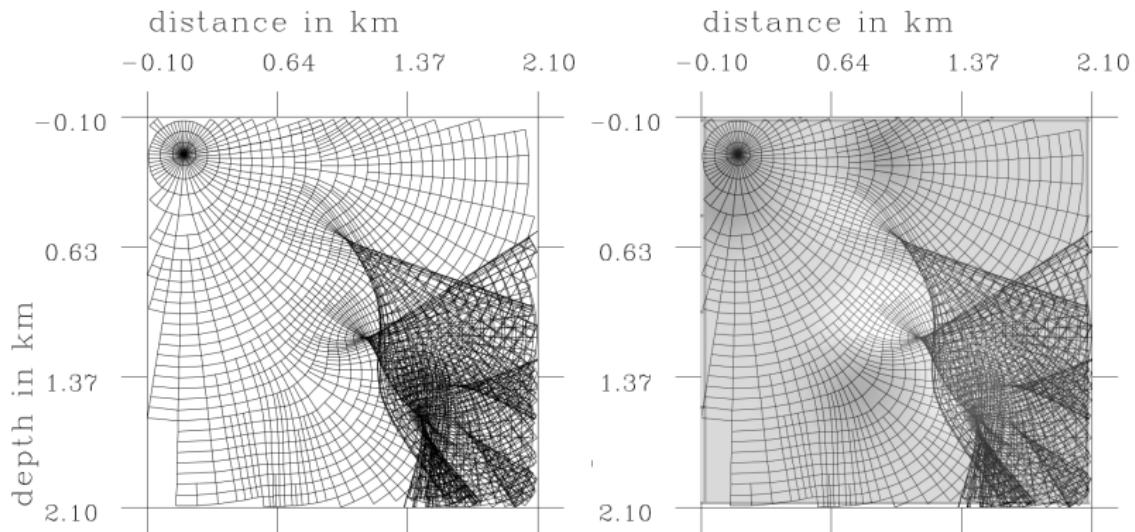
- ▶ Problème direct : modélisation
- ▶ Problème inverse : retrouver les paramètres du modèles

Introduction – exemple 3



Le toboggan d'Abel

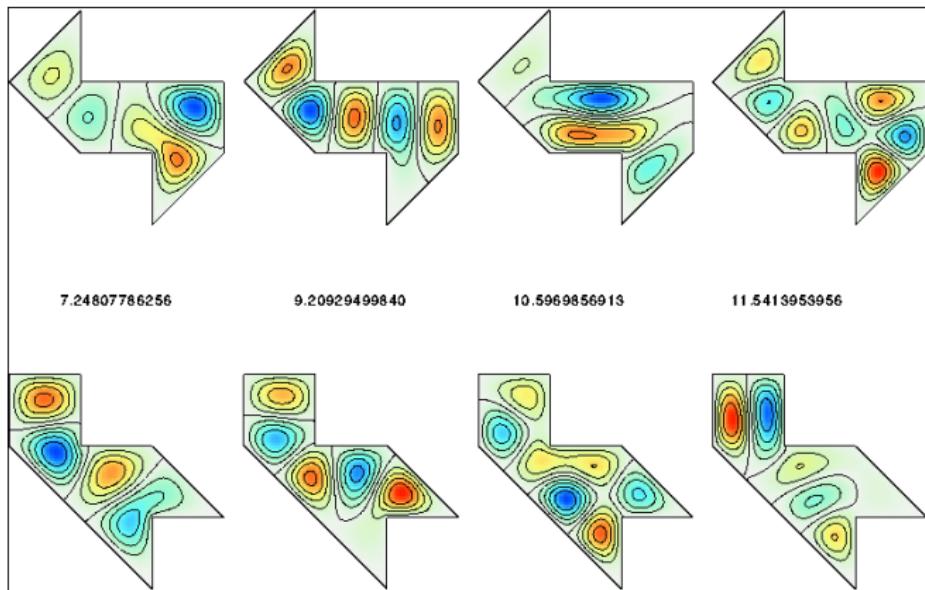
Introduction – exemple 3



Tracé de rai [Lambaré et al., 1996]

- ▶ Solution non unique (problème inverse)
- ▶ Importance de l'acquisition
- ▶ Choix de la physique

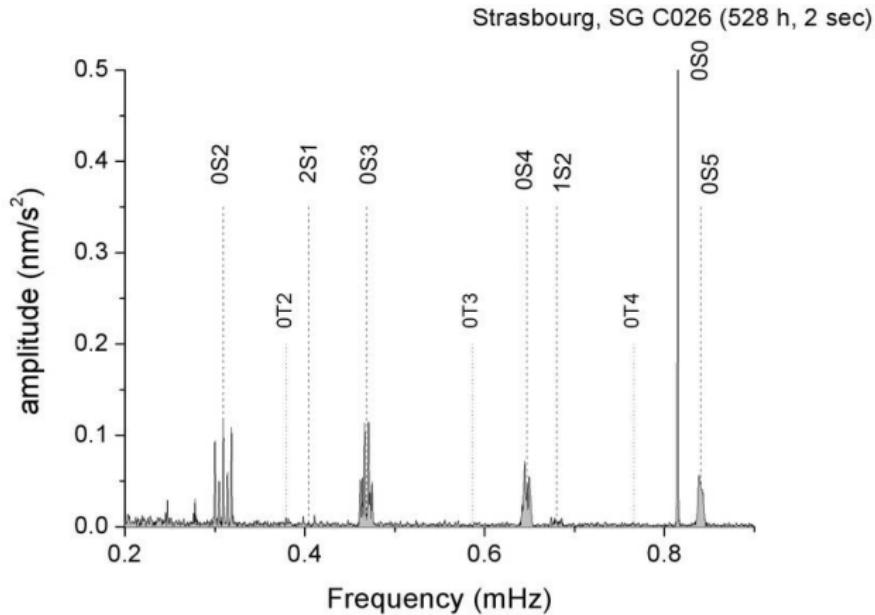
Introduction – exemple 4



Forme d'un tambour

[www.math.udel.edu/~driscoll/research/drums.html]

Introduction – exemple 4



Spectre d'amplitude des variations de la gravité à Strasbourg
(26 déc 2014) [<https://eost.unistra.fr>]

Résumé

Terminologie

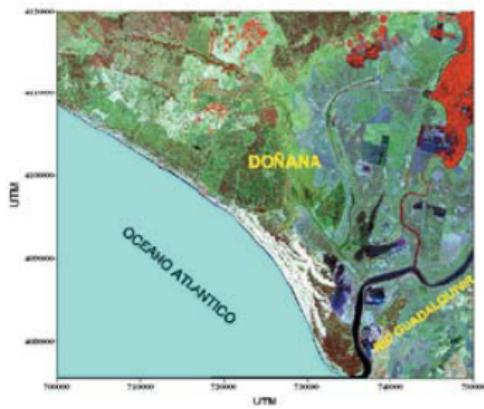
- ▶ Problème direct : modélisation
- ▶ Problème inverse : retrouver les paramètres du modèles

Formulation

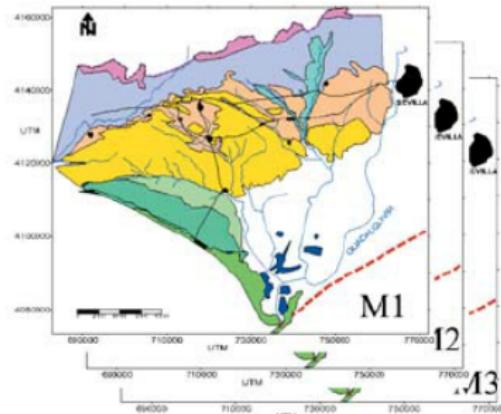
- ▶ Données, modèle, une loi physique et plus...
 - ▶ Stratégies de résolution
 - ▶ Difficultés : problème mal posé
- résoudre un problème inverse est difficile!

Autres exemples en Géosciences

1.- REALITY



2.- CONCEPTUALIZATION

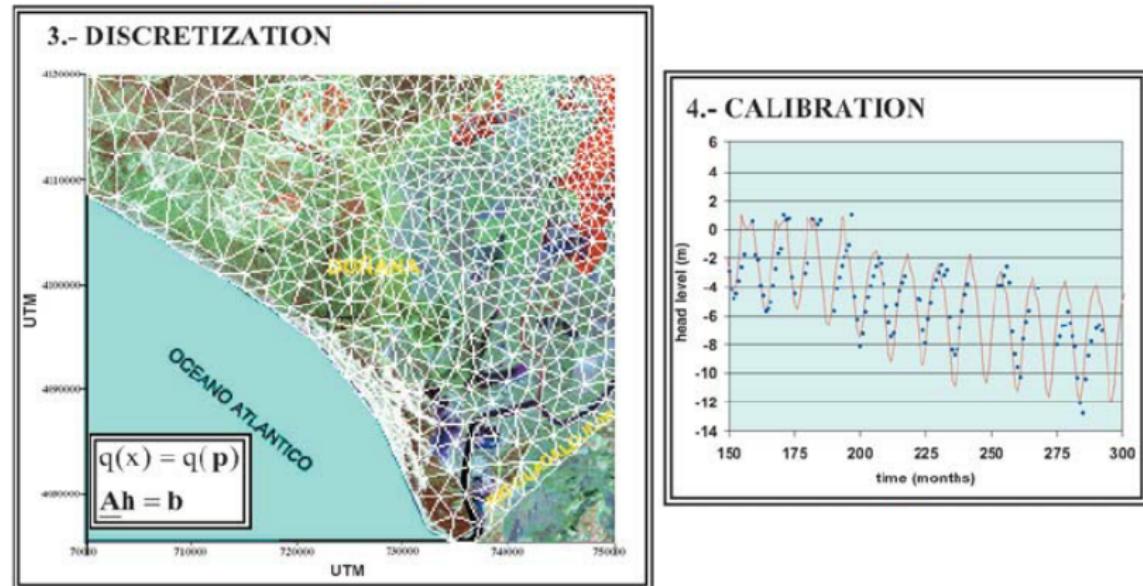


$$\nabla \cdot (T\mathbf{V}h) + q = 0$$

+ Boundary and initial conditions

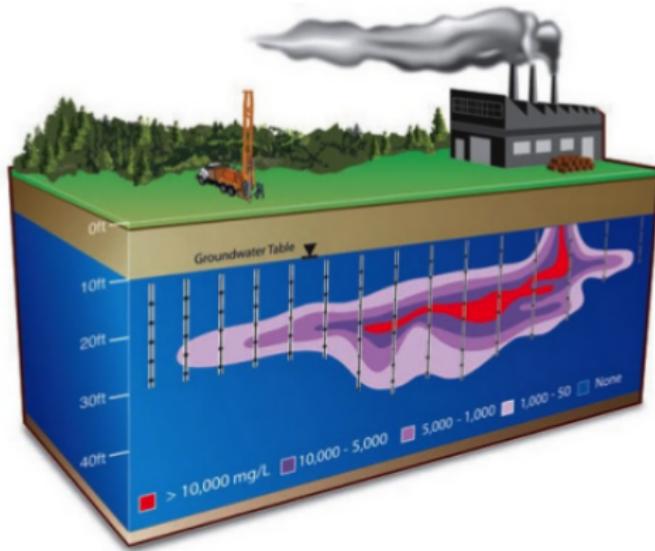
Hydro-géologie [Carrera et al., 2005]

Autres exemples en Géosciences



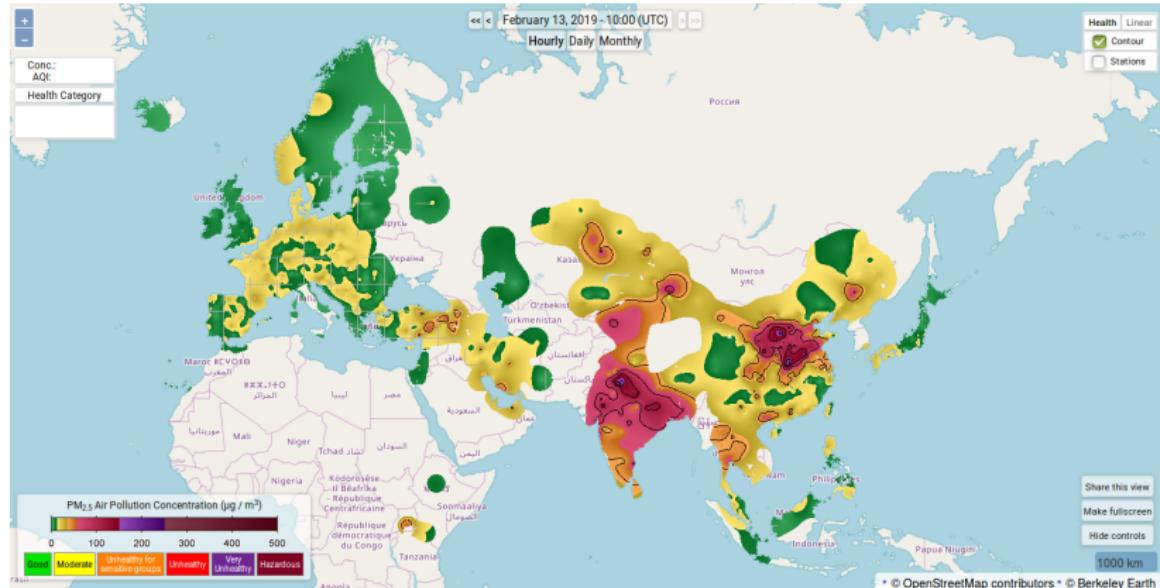
Hydro-géologie [Carrera et al., 2005]

Autres exemples en Géosciences



[Bakhos et al., 2015]

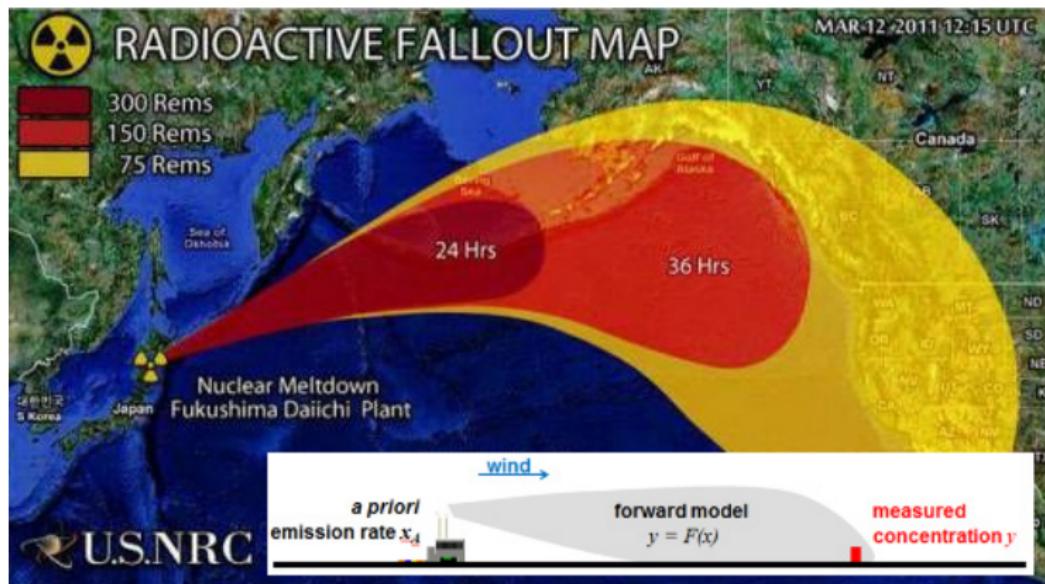
Autres exemples en Géosciences



<http://berkeleyearth.org/air-quality-real-time-map>

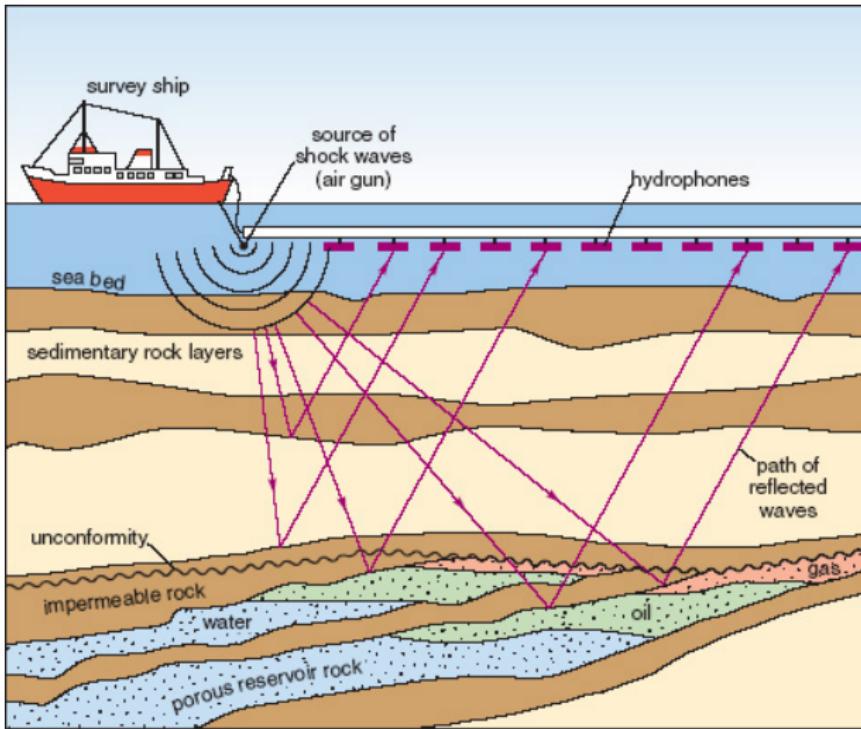
PM: Particulate Matter

Autres exemples en Géosciences

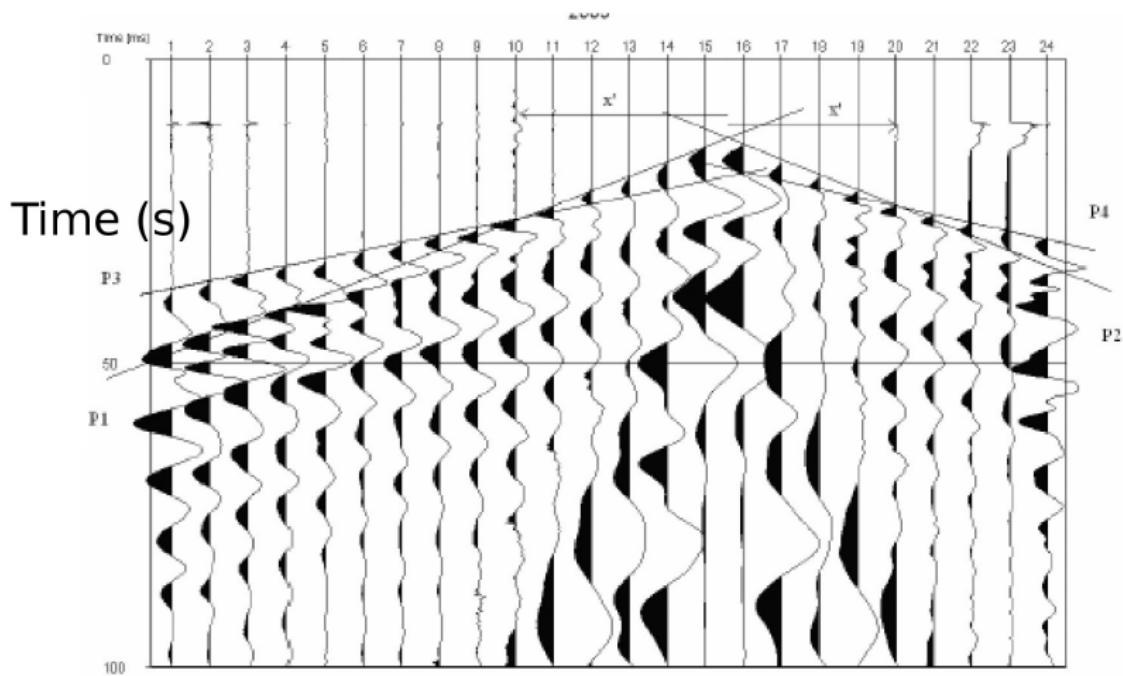


Nuage radioactif de Fukushima [Brasseur and Jacob, 2013]

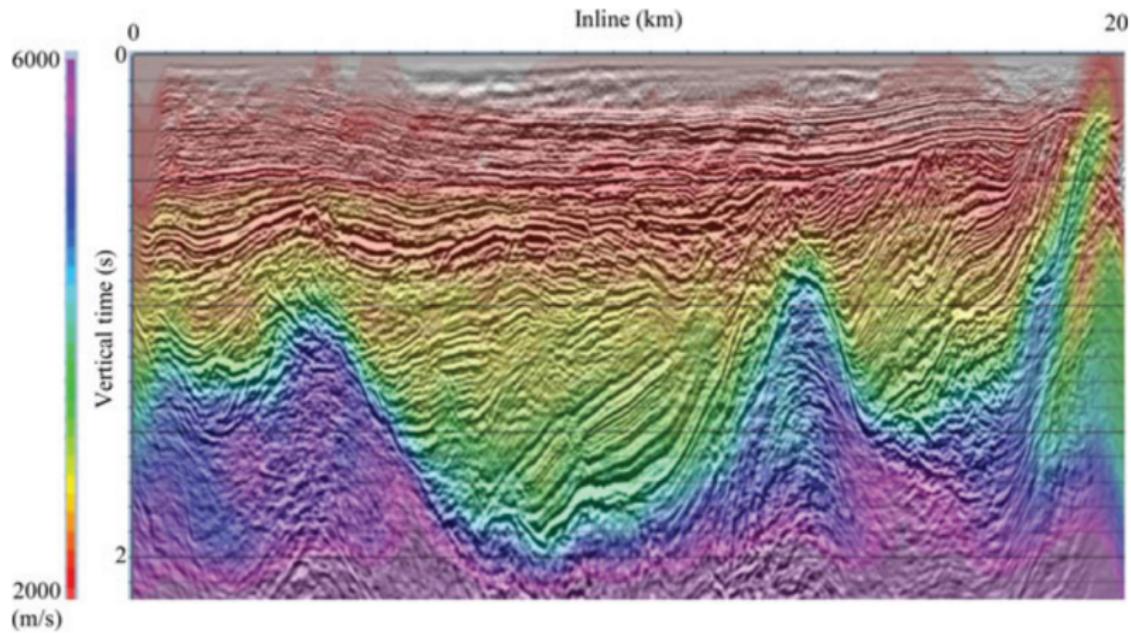
Autres exemples en Géosciences



Autres exemples en Géosciences



Autres exemples en Géosciences



[Baeten et al., 2008]

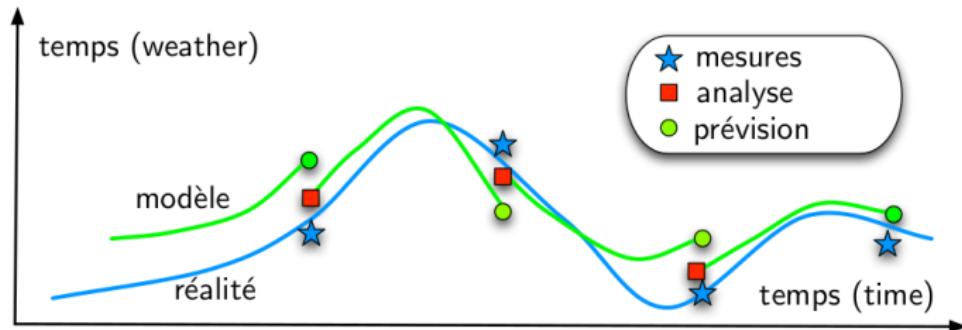
Conclusions

Problème inverse : pas une approche aveugle

- ▶ Problème mal posé
- ▶ Régularisation, information a priori, loi physique, modèle initial, inversion multi-paramètre, stratégie d'inversion

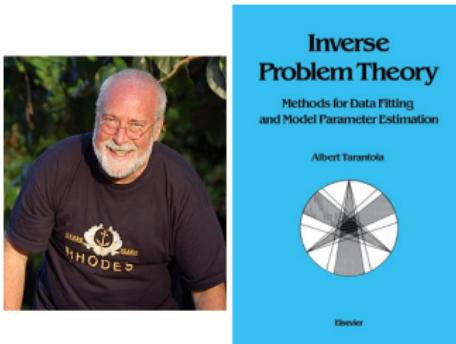
3 approaches

- ▶ Méthodes déterministes / stochastiques
- ▶ Assimilation de données : prévisions + corrections

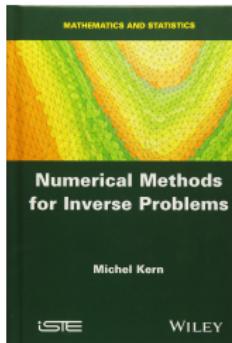


[Thual, 2011]

Références



Albert Tarantola, www.ipgp.fr/~tarantola



Michel Kern, cv.archives-ouvertes.fr/michel-kern